

ҚАЗАҚСТАН РЕСПУБЛИКАСЫ ҒЫЛЫМ ЖӘНЕ ЖОҒАРЫ БІЛІМ МИНИСТРЛІГІ

«Л.Н. ГУМИЛЕВ АТЫНДАҒЫ ЕУРАЗИЯ ҰЛТТЫҚ УНИВЕРСИТЕТІ» КЕАҚ

**Студенттер мен жас ғалымдардың
«GYLYM JÁNE BILIM - 2023»
XVIII Халықаралық ғылыми конференциясының
БАЯНДАМАЛАР ЖИНАҒЫ**

**СБОРНИК МАТЕРИАЛОВ
XVIII Международной научной конференции
студентов и молодых ученых
«GYLYM JÁNE BILIM - 2023»**

**PROCEEDINGS
of the XVIII International Scientific Conference
for students and young scholars
«GYLYM JÁNE BILIM - 2023»**

**2023
Астана**

УДК 001+37
ББК 72+74
G99

«GYLYM JÁNE BILIM – 2023» студенттер мен жас ғалымдардың XVIII Халықаралық ғылыми конференциясы = XVIII Международная научная конференция студентов и молодых ученых «GYLYM JÁNE BILIM – 2023» = The XVIII International Scientific Conference for students and young scholars «GYLYM JÁNE BILIM – 2023». – Астана: – 6865 б. - қазақша, орысша, ағылшынша.

ISBN 978-601-337-871-8

Жинаққа студенттердің, магистранттардың, докторанттардың және жас ғалымдардың жаратылыстану-техникалық және гуманитарлық ғылымдардың өзекті мәселелері бойынша баяндамалары енгізілген.

The proceedings are the papers of students, undergraduates, doctoral students and young researchers on topical issues of natural and technical sciences and humanities.

В сборник вошли доклады студентов, магистрантов, докторантов и молодых ученых по актуальным вопросам естественно-технических и гуманитарных наук.

УДК 001+37
ББК 72+74

ISBN 978-601-337-871-8

**©Л.Н. Гумилев атындағы Еуразия
ұлттық университеті, 2023**

1998, 368 p.

5. Grätzer G. General Theory of Lattices. – M., Mir, 1982, 456 p.

УДК 519.662

ИСТОРИЯ ЛОГАРИФМОВ. РАЗЛИЧНЫЕ ПОДХОДЫ К ОПРЕДЕЛЕНИЮ ЛОГАРИФМА

Мауленова Алина Канатқызы

maulenovalina150204@gmail.com

Студентка 1 курса факультета механика-математика

Кафедры алгебра и геометрия

ЕНУ им. Л.Н. Гумилева, Астана, Казахстан

Научный руководитель – Т.Д. Туканаев

Логарифмы были изобретены в 1614 г. шотландским математиком Д. Непером (1550—1617) и независимо от него на 6 лет позднее швейцарским механиком и математиком И. Бюрги (1552—1632). Оба исследователя хотели найти новое удобное средство арифметических вычислений, но их определения логарифма различны и у обоих не похожи на современные. Понимание логарифма как показателя степени с данным основанием впервые появилось в XVIII в. в работах английского математика В. Гардинера (1742). Широкому распространению этого определения логарифма более других содействовал Эйлер, который впервые применил в этой связи и термин «основание». Термин «логарифм» принадлежит Неперу. Он возник из сочетания греческих слов логос — отношение и арифмос — число. Слово «логарифм», таким образом, означало «число отношения».

Свое начало история логарифмов берёт ещё с античных времён. В VIII веке индийский математик Вирасена при исследовании степенных зависимостей, опубликовал таблицу целочисленных показателей для оснований 2, 3, 4. Эта работа в дальнейшем послужила первоисточником для создания таблицы логарифмов. Главные работы и открытия в области изучения логарифмов были сделаны в средневековой Европе. В тот момент времени быстро возросла потребность в сложных расчётах. В XVI веке многие трудности в вычислениях были связаны с умножением и делением многозначных чисел, возведением в степень, а также извлечением корней.

Идея упрощения вычислений появилась в конце века. Смысл состоял в замене трудоёмкого умножения на простое сложение. Идея основывалась на сопоставлении геометрической и арифметической прогрессий с помощью специальных таблиц, причём геометрическая прогрессия являлась исходной. Соответственно, и деление заменилось на более простое вычитание. Также упростилась работа со степенью и извлечением корня. Такой метод вычислений впервые был опубликован в 1544 году в книге «Arithmetica integra» Михаэлем Штифелем. К сожалению, ему не удалось найти практической реализации своей идее, так как математика в те времена была не столь развита и идея логарифма не нашла своего развития. Да и сам Штифель не приложил серьёзных усилий для этого.

Главная заслуга математика — переход от целых показателей степени к произвольным рациональным. В 1614 году шотландским математиком Джоном Непером было опубликовано сочинение на латинском языке под названием «Описание удивительной таблицы логарифмов». В своей работе ему удалось раскрыть идею логарифма числа как показателя степени, в которую нужно возвести данное основание, чтобы получить это число. Он перенес знакомые свойства прогрессии с общим членом на любые действительные показатели. Это дало непрерывную логарифмическую функцию.

Термин логарифм, который был предложен Непером, утвердился в науке. В другой книге Непера «Построение удивительной таблицы логарифмов», более подробно описана теория логарифмов. Книга была издана в 1619 году его сыном Робертом уже после смерти учёного. Анализ документов, изучение сочинений говорят о том, что техникой логарифмирования Непер владел уже к 1594 году. В связи с развитием изучения небесных тел, появилась необходимость в облегчении сложных астрономических расчётов. Именно поэтому в таблицы были включены только логарифмы тригонометрических функций. В то время понятия функции ещё не существовало, и Непер кинематически определил логарифм, сопоставляя равномерное и логарифмически-замедленное движение.

К примеру, логарифм синуса был определен так: «Логарифм данного синуса есть число, которое арифметически возрастало всегда с той же скоростью, с какой полный синус начал геометрически убывать» [1]. В истории математики зародилось такое понятие как «Логарифм Непера» (обозначается LogNap). Основное его свойство звучит так: «Если величины образуют геометрическую прогрессию, то их логарифмы образуют арифметическую». Но правила логарифмирования отличались от современных. Одновременно с Непером изучением логарифмов занимался английский математик Генри Бригс. В 1617 году он опубликовал первый свой труд — таблицу, в которой содержались 14-значные десятичные логарифмы от 1 до 1000. — «Первую тысячу логарифмов» в год смерти Непера. Здесь даны были десятичные логарифмы чисел от 1 до 1000 с четырнадцатью знаками. Позднее, Бригсом была выпущена «Логарифмическая арифметика», в которой содержались 14-значные таблицы логарифмов целых чисел от 1 до 20 000 и от 90 000 до 100 000. В 1703 году были изданы первые таблицы на русском языке при участии русского математика Леонтия Филипповича Магницкого. Активно теорию логарифмов развивал петербургский академик Леонард Эйлер. Именно он впервые стал рассматривать логарифмирование как действие, которое обратное возведению в степень. Также им введены в употребление в термины «основание логарифма» и «мантисса». В истории математики описывается и другой подход к определению логарифма. Учёные-математики рассматривали его как площадь криволинейной трапеции. Данный подход основывается на рассмотрении связи натурального логарифма с гиперболой. Григорий Сен Венсан во второй трети 17 века показал, что если абсциссы любых двух точек A и B на гиперболы соответственно пропорциональны абсциссам точек A_1 и B_2 на той же кривой, то площади криволинейных четырехугольников, расположенных под отрезками гиперболы AB и A_1B_1 , равны [4]. Такое предложение определило развитие следующего равенства: $\int_a^b \frac{1}{x} dx = \ln \frac{b}{a}$, где \ln — натуральный логарифм. По этой формуле вычислялась площадь под данной гиперболой, и она равнялась $\ln \frac{b}{a}$, чему соответствует рисунок 1. Рис. 1. Связь гиперболы и площади криволинейной трапеции. Такую связь выразил в форме бесконечного ряда и опубликовал около 1657г. в статье «Квадратура гиперболы с помощью бесконечного ряда рациональных чисел» Уильям Броункер. Ряд таких чисел выглядел следующим образом: $1 - \frac{1}{2^2} + \frac{1}{3^2} - \frac{1}{4^2} + \frac{1}{5^2} - \frac{1}{6^2} + \frac{1}{7^2} - \frac{1}{8^2} + \frac{1}{9^2} - \frac{1}{10^2} + \dots$. Ранее данное разложение опубликовал итальянский математик Пьетро Менголи. В «Новых арифметических квадратурах или о сложении дробей» учёным были просуммированы некоторые числовые ряды: Им же была доказана расходимость гармонического ряда путём применения неравенства: $\frac{1}{n} > \frac{1}{n+1}$. Эту работу он применил к изучению логарифмов [2, с. 160]. Но труды Менголи не привлекли должного внимания большинства современников. Отчасти, работы не получили широкого применения из-за трудности изложения материала. Возникновение аналитического аппарата бесконечно малых в конце 17в. определило следующий подход к изучению логарифма. Путём представления логарифмической функции в форме бесконечного степенного ряда было получено её аналитическое представление: $\ln(1+x) = x - \frac{x^2}{2} + \frac{x^3}{3} - \frac{x^4}{4} + \frac{x^5}{5} - \frac{x^6}{6} + \dots$ [3, с.44].

В 1711 году Исаак Ньютон в сочинении «Анализ с помощью уравнений с бесконечным числом членов» применил методы неопределённых коэффициентов и последовательных приближений. Именно ему удалось получить аналитическое

выражение показательной функции: и дать трактовку показательной функции как обратной к логарифмической.

Важный шаг в исследовании логарифмической функции сделал Николай Кауфман (более известный как Меркатор). Он представил логарифмическую функцию в форме бесконечного степенного ряда. Почти одновременно с появлением статьи Броункера был опубликован труд Меркатора в «Логарифмотехнике», посвященный изучению логарифмов. Перейдя от равнобедренной гиперболы, он применил к дроби деление по правилам алгебры, которое, в данном случае, продолжается без конца и путём почленного интегрирования он нашёл связь натурального логарифма с данной дробью: Меркатор не первый пришел к разложению логарифмической функции в степенной ряд. К такому же результату пришли Гудде в 1656г. и Ньютон в 1665г., но каждый из них хранил свой труд, не опубликовав его. Именно поэтому значение публикации «Логарифмотехника» оказалось очень велико. История изучения логарифмов и логарифмической функции подчеркивает неразрывную связь отдельных областей математики — алгебры, геометрии, математического анализа. Логарифм стал великим открытием, значимым для математики и дал толчок развитию математического образования.

Список использованных источников

1. История математики с древнейших времен до начала XIX столетия/ Под ред. А. П. Юшкевича М.: Наука, 1972. Т. II. 300 с.; Т. III. 495 с.
2. Прокина-Игнатушина И. В. Об истории возникновения понятия логарифмической функции// Научные труды молодых ученых ОГПУ. Оренбург: ОГПУ, 2000. С. 43–49.

УДК 511.92

КОМПЛЕКСНЫЕ ЧИСЛА ДЛЯ ОПИСАНИЯ РЕАЛЬНОСТИ

Махамбетджанова Гульнур Талгатовна

gulnura252525@gmail.com

ЕНУ им. Л.Н.Гумилева, Нур-Султан, Казахстан

Научный руководитель – Бекенов М.И.

Комплексные числа представляют собой сочетание вещественных чисел и так называемых мнимых единиц. Однако, при этом вещественные числа считают обособленной частью совокупности комплексных чисел, но они являются его частным проявлением.

Для полноценного понимания сущности комплексных чисел, можно рассмотреть ниже представленную схему, на которой изображены следующие множества чисел:

- натуральные;
- целые;
- рациональные;
- вещественные;
- комплексные [1].